

בגינות לבתי ספר על-יסודיים
קיץ תשס"ט, 2009
מספר השאלון: 035806
דף נוסחאות ל-4 ול-5 ייחידות לימוד
מספרה:

מתמטיקה

5 ייחידות לימוד – שאלון ראשון

תכנית ניסוי

(שאלון ראשון לנבחנים בתכנית ניסוי, 5 ייחידות לימוד)

הוראות לנבחן

א. משך הבדיקה: שלוש וחצי שעות.

ב.	<u>מבנה השאלון ופתח ההערכה:</u> בשאלון זה שלושה פרקים. פרק ראשון – אלגברה והסתברות $33\frac{1}{3} - 16\frac{2}{3} \times 2 =$ – – – 33 נקודות
	פרק שני – גאומטריה וטוריוגנומטריה $33\frac{1}{3} - 16\frac{2}{3} \times 2 =$ – – – במשור 33 נקודות
	פרק שלישי – חישוב דיפרנציאלי וaintegralי $33\frac{1}{3} - 16\frac{2}{3} \times 2 =$ – – – סה"כ 100 נקודות

ג. חומר עזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גրפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitin לתכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.
- (2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

- (1) אל תעתק את השאלה; סמן את מספירה בלבד.
- (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעורף מחשבון.
הסביר את כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעורף מחשבון.
חווסף פירות עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.
- (3) לטיויטה יש להשתמש במחברת הבדיקה או בדף שקיבלת מהמשגיחים.
שימוש בטיויטה אחרית עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

הנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות לנבחנים כאחד.

ב ה צ ל ח ה !

/המשך לדף/

ה שאלות

שים לב! הסבר את בל פעולותין, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.

פרק ראשון – אלגברה והסתברות ($\frac{1}{3}$ נקודות)

עונה על שתיים מהשאלות 1-3.

שים לב! אם תענה על יותר משלבי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

. 1. רוכב אופניים יצא בשעה 08:00 מעיר A , ורוכב אופניים שני יצא בשעה 09:00 מעיר A .

כל אחד מהרוכבים רכב במהירות קבועה לעיר B . המרחק בין A ל- B הוא 45 ק"מ. כאשר הרוכב הראשון הגיע לעיר B , הרוכב השני עדין לא הגיע לעיר B והוא במרחק של 25 ק"מ ממנו.

מהירות הרוכב הראשון גדולה ב- m קמ"ש ממהירות הרוכב השני, וידוע כי $m < 0$.

א. הבע באמצעות m את שני הפתרונות האפשריים למחריות הרוכב השני.

ב. נסמן את שני הפתרונות שהבעת בסעיף א ב- x_1 וב- x_2 .

$$\text{מצא עבור אילו ערכי } m \text{ מתקיימים } |x_1 - x_2| < 11 .$$

. 2. א. הוכח באינדוקציה או בדרך אחרת כי השוויון

$$1^2 - 3^2 + 5^2 - 7^2 + \dots - (2n-1)^2 = -2n^2$$

נכון לכל n טבעי זוגי.

ב. נתון כי $1^2 - 3^2 + 5^2 - 7^2 + \dots + c^2 = 1921$

מצא את c .

.3. ידוע כי בכפר מסוים 20% מההתושבים חולמים במחלה מעיים.

רופא הCPF בדק את כל התושבים.

90% מהחולמים בכפר אובחנו על ידו כחולמים,

ור- 10% מהבריאים בכפר אובחנו על ידו כחולמים.

א. מהו אחוז התושבים בכפר שלגביהם הרופא ביצע אבחנה שגوية?

הרופא נתן תרופה לכל מי שאובחן על ידו כחולה.

התרופה גרמה לפרייה אצל 60% מהחולמים שאובחנו כחולמים,

ואצל 25% מהבריאים שאובחנו כחולמים.

ב. מהי ההסתברות שתושב בכפר הוא חולם, אם ידוע שיש לו פרייה?

פרק שני – גאומטריה וטרייגונומטריה במישור ($\frac{1}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מהתשובות 4-6.

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

.4. $\triangle ABC$ הוא משולש שווה-צלעות החסום במעגל.

N ו- P הן נקודות על המעגל.

BN ו- AP נפגשים בנקודה S (ראה ציור).

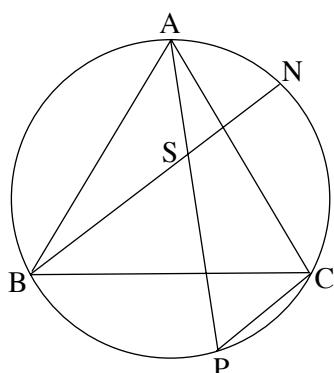
נתון: $PC \parallel BN$

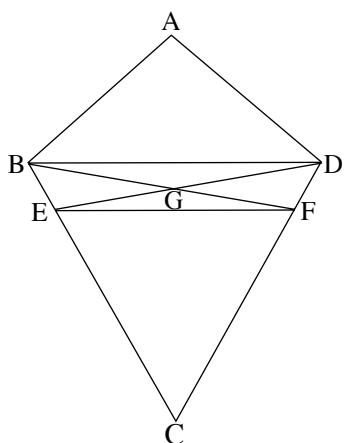
הוכח כי:

א. המשולש BSP הוא שווה-צלעות.

ב. המרובע $SPCN$ הוא מקבילית.

ג. $AN = PC$





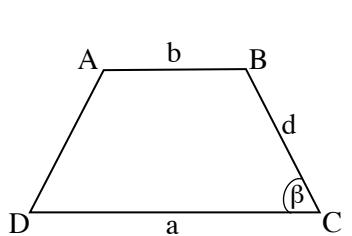
. $BC = DC$ הוא דלטון שבו $AB = AD$ ו- E נקודה על הצלע BC , ו- F נקודה על הצלע DC כך שר- DE חוצה את הזווית ADC , ו- BF חוצה את הזווית ABC . ΔABC ו- ΔDEG נפגשים בנקודה G (ראה ציור).

א. הוכח:

$$. GB = GD \quad (1)$$

$$. \Delta BGE \cong \Delta DGF \quad (2)$$

ב. הוכח כי המרובע $DBEF$ הוא טרפז שווה-שוקיים.



. 6. בטרפז שווה-שוקיים $(AB \parallel DC)$ $ABCD$ אורך הבסיס הגדל CD הוא a אורך הבסיס הקטן AB הוא b ואורך השוק הוא d . הזווית ליד הבסיס הגדל DC היא β (ראה ציור).

א. הוכח כי אורך אלכסון הטרפז הוא $\sqrt{ab + d^2}$.

ב. הזווית בין אלכסון הטרפז ובין הבסיס הגדל של הטרפז היא α .

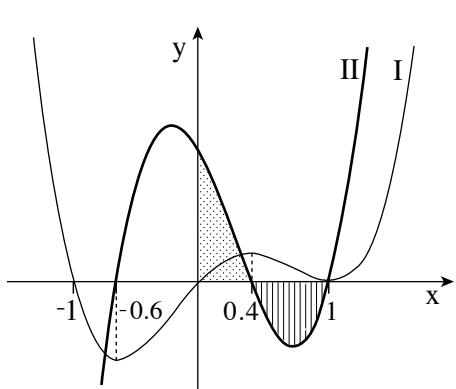
$$\text{הוכח כי אם } \alpha + \beta = 90^\circ$$

$$\cdot \frac{\sin \alpha}{\sin(\beta - \alpha)} = \sqrt{\frac{a^2 - ab}{2b^2}} \quad \text{א}$$

פרק שלישי – חישובו דיפרנציאלי ואנטגרלי של פולינומים, של פונקציות שורש, של פונקציות רצינוליות ופונקציות טרייגונומטריות ($\frac{1}{3}$ נקודות)

ענה על שתים מהתשובות 7-9.

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.



7. בציור שלפניך מוצגות סקיצות של שני גרפים: גרף I וגרף II.

אחד הגרפים הוא של פונקציית הנגזרת $(x)f'$, והגרף الآخر הוא הגרף של פונקציית הנגזרת השנייה $(x)f''$.

א. איזה גרף הוא של $f'(x)$,

ואיזה גרף הוא של $(x)f''$? נמק.

ב. מצא את שיעורי ה- x של נקודות הקיצון של הפונקציה $(x)f$. נמק.

ג. מצא את שיעורי ה- x של נקודות הפיתול של הפונקציה $(x)f$. נמק.

ד. הוכח שהשטח המוגבל על ידי גרף II וציר ה- x (השתח המוקווקו בציור)

שווה לשטח המוגבל על ידי גרף II והצירים (השתח המוקוד בציור).

. 8. נתונה הפונקציה $f(x) = x - \frac{\sin(2x)}{2}$

. א. הראה כי $x^2 f'(x) = 2 \sin^2 x$.

. ב. (1) האם לפונקציה $f(x)$ יש נקודות קיצון? נמק.

(2) האם לפונקציה $f(x)$ יש נקודות פיתול? נמק.

. ג. בציור שלפניך מוצג הגרף

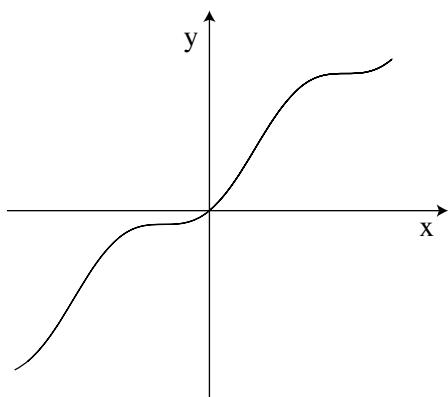
של הפונקציה $g(x) = x + \sin^2 x$

בתוחום $-\pi \leq x \leq \pi$

בתוחום הנתון מצא את כל השטח

המוגבל על ידי הגרף של $g(x)$

�ל ידי הישר $y = x$.



. 9. נתון משולש שאחת מצלעותיו היא 10 ס"מ, וגובה המשולש לצלע זו הוא 5 ס"מ.

(המשולש אינו קהה-זווית).

. א. מבין כל המשולשים שהם כאלה, מצא את צלעות המשולש שהיקפו מינימלי.

. ב. מה הן תכונות המשולש שאת צלעותיו מצאת בסעיף א?

בצלחה!

זכות היוצרים שמורה למדינת ישראל
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך